

# $\Sigma, \Lambda$ 超子的輕子蛻變和SU<sub>3</sub>對稱性

王永丰

(物理系)

## 摘 要

本文在 Cabibbo 理論基礎上，計及到重正化效應對轉動角度的修正，以及  $\Sigma, \Lambda$  超子的膺矢耦合常數和核子的差異，進一步討論了  $\Sigma, \Lambda$  超子的輕子蛻變。

Cabibbo<sup>(1,2)</sup> 利用么正對稱性(SU<sub>3</sub>)討論了輕子蛻變和非輕子蛻變。Cabibbo 認為，輕子蛻變中，強相互作用粒子的弱流按SU<sub>3</sub> 群的八維表示變換，弱流的矢量部分和電磁流屬於同一八維表示，同時以較弱的普適性代替較強的普適性，認為  $\Delta s = 0$  過程和  $\Delta s = 1$  過程的耦合常數不相等，但強相互作用粒子弱流的么正空間，相對於強相互作用粒子所填入的么正空間，所有的轉動角度是普適的。Cabibbo 成功的解決了在超子輕子蛻變過程中，V-A 理論和實驗的較大差異。我們認為，由於么正對稱的近似性質，不能期望 Cabibbo 預言和實驗準確符合。本文在 Cabibbo 理論基礎上，假設，(i) 對於  $\Sigma, \Lambda$  超子的輕子蛻變， $\Delta s = 1$  流的矢量部分的耦合常數不受強作用重正化效應影響，(ii) 膺矢耦合常數  $G_A^{\Sigma\Lambda}$  由中間態為  $\pi$  介子的 G-T 關係給定，來考慮重正化效應對  $\Sigma, \Lambda$  超子輕子蛻變的影響。

根據 Cabibbo 假設，強相互作用粒子輕子蛻變的哈密頓量為

$$H = \frac{G}{\sqrt{2}} \left[ J_{s\beta}^+ J_{L\beta} + J_{s\beta} J_{L\beta}^+ \right] \quad (1)$$

式中， $G = \frac{1.01}{m_n^2} \times 10^{-5}$ ， $m_n$ —質子質量， $J_{s\beta}$  為強相互作用粒子的

1965年3月9日收到

弱流

$$J_{s\beta}^+ = (j_{\beta}^{(1)} + i j_{\beta}^{(2)}) \cos \alpha + (j_{\beta}^{(4)} + i j_{\beta}^{(5)}) \sin \alpha, \quad (2)$$

$J_{L\beta}$  为轻子流

$$J_{L\beta} = (e\gamma_{\beta}(1+\gamma_5)\nu_e) + (\mu\gamma_{\beta}(1+\gamma_5)\nu_{\mu}). \quad (3)$$

Cabibbo 根据  $\Delta s = 1$  的弱流起作用的  $K^+ \rightarrow \pi^0 + e^+ + \nu$  过程, 和  $\Delta s = 0$  的弱流起作用的  $\pi^+ \rightarrow \pi^0 + e^+ + \nu$  过程, 得出

$$\alpha_{cabibbo} = 0.26 \quad (4)$$

对于  $n \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Lambda \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Sigma^- \rightarrow \Lambda + e^- + \bar{\nu}$  四种过程, 由 Wigner-Eckart 定理, 我们得出

$$\langle P | J_{s\beta}^+ | n \rangle = (O_{\beta} + E_{\beta}) \cos \alpha \quad (5)$$

$$\langle \Lambda | J_{s\beta}^+ | \Sigma^- \rangle = \sqrt{\frac{2}{3}} E_{\beta} \cos \alpha \quad (6)$$

$$\langle P | J_{s\beta}^+ | \Lambda \rangle = - \left( \sqrt{\frac{3}{2}} O_{\beta} + \frac{1}{\sqrt{6}} E_{\beta} \right) \sin \alpha \quad (7)$$

$$\langle n | J_{s\beta}^+ | \Sigma^- \rangle = (-O_{\beta} + E_{\beta}) \sin \alpha \quad (8)$$

式中

$$\left. \begin{aligned} O_{\beta} &= F^0 \gamma_{\beta} + H^0 \gamma_{\beta} \gamma_5 \\ E_{\beta} &= F^E \gamma_{\beta} + H^E \gamma_{\beta} \gamma_5 \end{aligned} \right\} \quad (9)$$

==

Sakurai<sup>[3]</sup> 指出, 由于  $K$  介子和  $\pi$  介子有有限的质量差, 对于赝标介子质量差是大的, 故  $K^+ \rightarrow \pi^0 + e^+ + \nu$  的有效耦合常数为  $\frac{1}{\sqrt{2}} G \sin \alpha z_1^{-1}(k\pi) z_2^{1/2}(k) z_2^{1/2}(\pi)$ ,

$$\text{其中 } Z_1^{-1}(k\pi) Z_2^{1/2}(k) Z_2^{1/2}(\pi) \approx 1 \quad (10)$$

他从  $M \rightarrow K + \pi$  过程, 以及  $\rho \rightarrow \pi + \pi$  过程的蜕变宽度定出

$$Z_1^{-1}(k\pi) Z_2^{1/2}(k) Z_2^{1/2}(\pi) = \frac{1}{0.81} \quad (11)$$

$$\text{得出 } \sin \alpha = 0.81 \sin \alpha_{cabibbo} = 0.206 \quad (12)$$

取这新角度值以后,  $G\cos\alpha=0.979G$ , 和观测到的 $\beta$ 蜕变常数很好符合。

现在就取这新的角度来计算 $\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Lambda \rightarrow p + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Sigma^- \rightarrow \Lambda + e^- + \bar{\nu}$ 三种过程的蜕变几率。 $\Delta s=0$ 流的矢量部分是守恒的,故无需考虑重正化效应的影响。对于 $\Delta s=1$ 流的矢量部分,由我们的假设可知,也无需考虑重正化效应的影响。对于赝矢量流, Gell-Mann<sup>(4)</sup>给出中间态为 $\pi$ 介子的 $G-T$ 关系,

$$G_A^{\Sigma\Lambda} = \frac{2m_N}{m_\Lambda + m_\Sigma} \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} G_A^{np} \quad (13)$$

由(6)式得 
$$\frac{G_A^{\Sigma\Lambda}}{G} = \sqrt{\frac{2}{3}} H^E \cos\alpha \quad (14)$$

由(5)式得 
$$\frac{G_A^{np}}{G} = (H^E + H^O) \cos\alpha \quad (15)$$

由实验知 
$$\frac{G_A^{np}}{G_V^{np}} = (H^E + H^O) = 1.25 \quad (16)$$

这样,由方程(13)–(16)得出

$$(H^E + H^O) = 1.25 \quad (17)$$

$$H^E = 1.245 \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} \quad (18)$$

现在是去找比值  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}}$ 。Pati<sup>(5)</sup>给出这比值的四组解

$$\left. \begin{aligned} \text{(i)} \quad & \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = \pm 1.33 \\ \text{(ii)} \quad & \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = \mp 1.20 \\ \text{(iii)} \quad & \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = \pm 0.71 \\ \text{(iv)} \quad & \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = \mp 0.947 \end{aligned} \right\} \quad (19)$$

Sugawara<sup>(6)</sup>利用极点近似和 $SU_3$ 对称性,给出

$$\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.84 \quad (20)$$

我们用下方法去找  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}}$  的合理值。这合理值是应当使轻子蜕变过程中,赝矢量部分的贡献小于总的值。 $\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}$ 过程分支比的实验值为: W. Willis<sup>(8)</sup>等人

得出的 $(1.9 \pm 0.9) \times 10^{-3}$ , D. J. Miller 等人<sup>[7]</sup>得出的 $(1.15 \pm 0.4) \times 10^{-3}$ , C. T. Murphy<sup>[7]</sup>得出的 $(1.0^{+0.4}_{-0.3}) \times 10^{-3}$ , H. Covrants<sup>[7]</sup>等人得出的 $(1.3 \pm 0.4) \times 10^{-3}$ .

根据实验值  $1.9 \times 10^{-3}$  及  $1.15 \times 10^{-3}$ , 我們分別得到  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}}$  的合理值闕是

$$0.09 < \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} < 0.91 \quad (21)$$

$$0.19 < \frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} < 0.82 \quad (22)$$

因此在, 考虑到重正化效应后, Pati 所給出的四組值只有一个值, 即  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.71$  是可能被允許的。  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.84$  也是为(21)所允許的。  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = -0.84$  处于(22)的边界。

由 Cabibbo 假設知, 强相互作用粒子弱流的矢量部分, 在  $SU_3$  变换下和电磁流一样变换(按我們假設  $\Delta S = 1$  的矢量流不受重正化效应的影响)。由电磁流守恒得出

$$F^0 = 1, \quad F^E = 0 \quad (23)$$

下面我們利用  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.71$  及  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.84$ , 分別計算了  $\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Lambda \rightarrow P + e^- + \bar{\nu}$ 、 $\Sigma^- \rightarrow \Lambda + e^- + \bar{\nu}$  三种过程的分支比, 結果如下:

蛻變过程	$g_{\Sigma\Lambda\pi}/g_{NN\pi}$	計 算 值	实 驗 值
$\Sigma^- \rightarrow \Lambda + e^- + \bar{\nu}$	+0.71	$0.74 \times 10^{-4}$	$(0.9^{+0.5}_{-0.4}) \times 10^{-4}$ (8)
	+0.84	$1.03 \times 10^{-4}$	$(0.81 \pm 0.3) \times 10^{-4}$ (11)
$\Lambda \rightarrow P + e^- + \bar{\nu}$	+0.71	$0.55 \times 10^{-3}$	$(0.85 \pm 0.3) \times 10^{-3}$ (9)
	+0.84	$0.46 \times 10^{-3}$	$(0.82 \pm 0.13) \times 10^{-3}$ (10)
$\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}$	+0.71	$1.1 \times 10^{-3}$	$(1.0^{+0.4}_{-0.3}) \times 10^{-3}$ (7)
	+0.84	$1.9 \times 10^{-3}$	$(1.15 \pm 0.4) \times 10^{-3}$ (7) $(1.3 \pm 0.4) \times 10^{-3}$ (7) $(1.9 \pm 0.9) \times 10^{-3}$ (8)

## 三

所得結果表明，考慮到重正化效應後，Pati 得出的  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.71$  值，和 Sugawara 得出的  $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.84$  值，都給出與實驗符合較好的結果。相比較之， $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}} = +0.84$  所得結果較差一些。 $\frac{g_{\Sigma\Lambda\pi}}{g_{NN\pi}}$  由 0.71~0.84，各分支比的改變不是很大的。取  $\sin\alpha = 0.81 \sin\alpha_{\text{Cabibbo}}$  以後，由於  $\cos\alpha = \cos\alpha_{\text{Cabibbo}}$ ，因此  $\Delta S = 0$  過程的分支比改變較小，反之  $\Delta S = 1$  過程的分支比比用  $\alpha_{\text{Cabibbo}}$  計算出的結果約小 0.6 倍。因此，由於  $\alpha$  角度較小，計算  $\alpha$  角度的精確程度，對  $\Delta S = 1$  過程有較大影響。

我們假設對於  $\Delta S = 1$  過程矢量流部分不受重正化效應影響，即

$$\left. \begin{aligned} Z_1^{-1}(P_A) Z_2^{1/2}(P) Z_2^{1/2}(A) &= 1 \\ Z_1^{-1}(\Sigma_n) Z_2^{1/2}(\Sigma) Z_2^{1/2}(n) &= 1 \end{aligned} \right\} \quad (24)$$

如果  $SU(3)$  對稱是嚴格正確的，則  $m_p = m_n = m_\Sigma = m_\Lambda$ ，那麼由 Ward 等式  $Z_1^{-1}(NN) Z_2(N) = 1$ ，則 (24) 式是正確的。但是， $p$ 、 $\Lambda$ 、 $n$ 、 $\Sigma$  的質量差相對於它們本身的質量是不很大，遠不象膠子介子的情況，因此認為 (24) 式近似正確是合理的。

因此，由上面結果可以看出，在 Cabibbo 理論基礎上，依我的假設去考慮重正化效應對  $\Sigma$ 、 $\Lambda$  超子輕子蛻變的影響，所有結果表明，理論結果和實驗符合較好。

作者對李華鍾老師、羅蓓玲老師的指導幫助表示感謝。感謝郭頌鴻老師提出寶貴的意見。

校後記：我們的關於  $\Delta S = 1$  矢流部分的耦合常數不受重正化效應影響的假設，可以由 Cabibbo 假設，即強相互作用粒子弱流的矢量部分和電磁流處於同一八維表示，以及對稱破壞作用在  $SU_3$  變換下和  $\lambda_8$  一樣得出。Ademollo, M., 以及 Gatto, R., (Phys. Rev. Letters 13(1964), 264.) 給出這一結論的證明。這結論在對稱破壞的一級是正確的，並稱之為 Ademollo 和 Gatto 定理。Kawarabayashi, K., 以及 Wada, W., W., (Phys. Rev. 137(1965), B1002.) 利用張量分析作了進一步的論證。Bouchiat, c., 及 Meyer, Ph. (Nuov. Cim., 34(1964), 1122.) 從場論的角度得出相同結論。

1964年11月10日

## 参 考 文 献

- [ 1 ] Cabibbo, N., Phys. Rev. letters, 10(1963), 531.  
 [ 2 ] Cabibbo, N., Phys. Rev. letters, 12(1964), 62.  
 [ 3 ] Sakurai, J.J., Phys. Rev. letters, 12(1964), 79.  
 [ 4 ] Gell-Mann, M., Phys. Rev. 125(1962), 1067.  
 [ 5 ] Pati, J.C., Phys. Rev. 130(1963), 2097.  
 [ 6 ] Sugawara, H., Nuov. Cim., 31(1964), 635.  
 [ 7 ] Miller, D.J., et al, Phys. lett., 11 (1964), 262. 得出分支比  

$$R = \frac{\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}}{\Sigma^- \rightarrow n + \pi^-} = (1.15 \pm 0.4) \times 10^{-3}$$
, Murphy, C.T., Phys. Rev., 134(1964), B188, 得到分支比  $\Gamma(\Sigma^- \rightarrow n + e^- + \bar{\nu}) / \Gamma(\Sigma^- \rightarrow n + \pi^-) = (1.0^{+0.4}_{-0.3}) \times 10^{-3}$ ; Covrant, H., et al., Report to the Intern. Conf. on Elementary Particles at Sienna (1963) p15, 得到分支比为  $(1.3 \pm 0.4) \times 10^{-3}$ .  
 [ 8 ] Sillis, W., et al., Bull. Am. Phys. Soc., 8(1963), 349.  
 [ 9 ] Ely. R.P., et al., Proceedings of the Intern. Conf. on High-Energy Nuclear Physics, Geneva (1962) p445.  
 [10] Robest, P., et al. Phys. Rev. 131 (1963), 868.  
 [11] 参看 Breme, N., Hellesen, B., Roos, M., Phys. Letters, 11 (1964), 344.

Лептонные распады  $\Sigma$ ,  $\Lambda$  гиперонов и  $SU_3$  симметрия

Ван Юн-фун

## Резюме

В этой статье на основе теории Кабибба исследуем лептонные распады  $\Sigma$ ,  $\Lambda$  гиперонов дальше, за счет корректирования перенормированного эффекта к углу вращения и разности псевтовекторной константы связи между  $\Sigma$ ,  $\Lambda$  гипероном и нуклоном.