

# 强安全密码协议

姚卿达 李连弟 陈卫民

(计算机软件研究所) (计算机科学系)

## 摘 要

本文研究了著名的Dolev和Yao的级联协议和印章协议的强安全性,提出了强安全密码协议概念,并取得了一些新的结论.

**关键词** 协议, 级联, 印章, 强安全, 密码

1976年 Diffie和Hellman[Diff76]提出公开钥密码思想以来,关于公开钥密码系统的研究已有许多工作.然而,一个好的公开钥密码系统并不能保证有一个好的密码协议.因此,研究公开钥密码系统的同时,有必要开展对密码协议安全性的探讨.

1981年在22届IEEE计算机科学基础年会上, Dolev和Yao 首次提出级联协议和印章协议两个模型,并研究了这两类协议(针对主动破坏者,包括心急破坏者)的安全性.本文在前人工作的基础上,提出了强安全密码协议概念,取得了一些结论.

## 1 级联协议和印章协议

### 1.1 级联协议(cascade protocol)

**定义 1** 双方级联协议P被一系列有穷串描述

$$\tilde{\rho}_i \in \{Z_1, Z_2, Z_3\}^*, 1 \leq i \leq t; \quad \tilde{\sigma}_j \in \{Z_1, Z_2, Z_4\}^*, 1 \leq j \leq t'$$

这里  $t' = t$  或  $t - 1$ . 对每一对不同的用户X和Y, 令  $\rho_i(X, Y), \sigma_j(X, Y)$  分别表示符号  $Z_1, Z_2, Z_3, Z_4$  为EX, EY, DX, DY代替的串  $\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j$ .

**定义 2** 令P是由  $\{\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j | 1 \leq i \leq t, 1 \leq j \leq t'\}$  描述. 定义

$$N_1(X, Y) = \rho_1(X, Y); \quad N_{2j}(X, Y) = \sigma_j(X, Y)N_{2j-1}(X, Y), 1 \leq j \leq t'; \\ N_{2i+1}(X, Y) = \rho_{i+1}(X, Y)N_{2i}(X, Y), 1 \leq i < t.$$

当X希望发送明文M给Y的时候, 互相交换的消息就是  $N_i(X, Y)$ , 这里  $i = 1, 2, \dots, t + t'$ .

**定义 3** 令P是由  $\{\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j\}$  说明的级联协议. 定义

$$\Sigma_1(Z) = E \cup \{DZ\}; \quad \Sigma_2 = \{\rho_i(A, B) | \text{对所有 } A \neq B \text{ 和 } i \geq 2\}; \\ \Sigma_3 = \{\sigma_i(A, B) | \text{对所有 } A \neq B \text{ 和 } i \geq 1\}$$

我们说P是不安全的, 如果存在某个  $\tau \in \{\Sigma_1(Z) \cup \Sigma_2 \cup \Sigma_3\}^*$  使得

本文1988年9月5日收到

$$\overline{\tau N_i(X, Y)} = \lambda$$

对某个  $N_i(X, Y)$  成立；否则， $P$  是安全的。特别地，我们说  $P$  是抵抗心急破坏者不安全的，如果存在某个  $\tau \in \{\Sigma_1(Z) \cup \Sigma_3\}^*$  使得

$$\overline{\tau N_i(X, Y)} = \lambda$$

对某个  $N_i(X, Y)$  成立；否则， $P$  是抵抗心急破坏者安全的。

**定义 4** 令  $\pi \in \{E, D\}^*$  是一个串， $A$  是用户名。说  $\pi$  对于  $A$  具有平衡性质如果  $DA \in lt(\pi)$  蕴涵  $EA \in lt(\pi)$

**定义 5** 令  $X, Y$  是 2 个不同的用户名，双方级联协议  $P = \{\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j\}$  是平衡级联协议如果

1) 对每个  $i \geq 2$ ， $\rho_i(X, Y)$  对于  $X$  具有平衡性质；2) 对每个  $j \geq 1$ ， $\sigma_j(X, Y)$  对于  $Y$  具有平衡性质。

这里， $\rho_i(X, Y)$ ， $\sigma_j(X, Y)$  是归约形。

**定理 1**<sup>[1]</sup> (级联协议特征定理) 双方级联协议  $P = \{\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j\}$  是安全的，当且仅当 1)  $lt[\rho_1(X, Y)] \cap \{EX, EY\} \neq \phi$ ；2)  $P$  是平衡的。

**定理 2**<sup>[1]</sup> 令  $X, Y$  是 2 个不同的用户名。双方级联协议  $P = \{\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j\}$  是抵抗心急破坏者安全的，当且仅当对每个  $K \geq 1$

1)  $lt[N_k(X, Y)] \cap \{EX, EY\} \neq \phi$ ；2)  $\sigma_k(X, Y)$  对于  $Y$  具有平衡性质。

**1.2 印章协议(name-stamp protocol)**

**定义 6** 双方印章协议  $P$  由一系列串描述

$$\tilde{\rho}_i \in (F - \{Z_2\})^*, \quad \sigma_j \in (F - \{Z_1\})^*$$

这里  $F = \{Z_1, Z_2, \dots, Z_t\}$ ， $1 \leq i \leq t$ ，和  $1 \leq j \leq t'$  ( $t' = t$  或  $t - 1$ )。令  $\rho_i(X, Y)$  和  $\sigma_j(X, Y)$  表示  $Z_1, Z_2, \dots, Z_t$  各自被  $DX, DY, EX, EY, iX, iY, dX, dY, d$  代替后的串  $i$  和  $j$ 。令  $N_1(X, Y) = \rho_1(X, Y)$ ， $N_2(X, Y) = \sigma_1(X, Y)N_1(X, Y)$ ， $N_3 = \rho_2(X, Y)N_2(X, Y)$ ， $\dots$ ， $N_{2i}(X, Y) = \sigma_i(X, Y)N_{2i-1}(X, Y)$ ， $N_{2i+1}(X, Y) = \rho_{i+1}(X, Y)N_{2i}(X, Y)$ ， $\dots$ 。要求  $N_i(X, Y)$  不含任何  $d_A$ 。

$\{N_i(X, Y)M\}$  是  $X$  和  $Y$  之间传递的报文序列。

**定义 7** 令  $X, Y, Z$  是 3 个不同的用户。双方印章协议  $P$  是不安全的，如果存在串  $\tau \in \Sigma Z^*$ ， $P\{N_i(X, Y)\}$  使得  $\overline{\tau} = \lambda$ ，集合  $\Sigma Z$ ， $P$  定义为

$$\Sigma Z, P = \{\rho_i(A, B) \mid \text{所有 } A \neq B, \text{ 所有 } i \leq 2\} \cup \{\sigma_j(A, B) \mid \text{所有 } A \neq B, \text{ 所有 } j\} \cup \{E_A, i_A, d_A, d \mid \text{所有 } A\} \cup \{DZ\}.$$

否则， $P$  是安全的。

**定理 3**<sup>[2]</sup> 协议  $P$  是不安全的，当且仅当存在串  $\tau \in \Sigma' Z$ ， $P\{\rho_1(X, Y)\}$  使得  $\overline{\tau} = \lambda$ ，这里

$$\Sigma' Z, P = \{\rho_i(A, B) \mid A, B \in \{X, Y, Z\}, A \neq B, i \geq 2\} \cup \{\sigma_j(A, B) \mid A, B \in \{X, Y, Z\}, A \neq B\} \cup \{E_A, i_A, d_A, d \mid A = X, Y, Z\} \cup \{D_2\}.$$

**定理 4**<sup>[3]</sup> 设有  $K \geq 1$  使得印章协议的安全  $K$ -特征存在。

〔3〕的结论表明不存在印章协议特征定理,但〔2〕给出了一个  $O(n^3)$  的印章协议安全性判别算法。

算法过程是:第一步,构造一架非确定有穷状态自动机  $A$ ;

①状态 0 是(唯一)初始状态和状态 1 是(唯一)接受状态,(输入)字母表是  $\Sigma = \Sigma Z \cup \Sigma X \cup \Sigma Y$ ;

②从状态 0 到状态 1 建一有向路径,其标号对应于  $\rho_1(X, Y)$ ;

③对每个输入字母(算子)  $\sigma \in \Sigma Z$ , 建一从 0 到 0 的自回标号为  $\sigma$ ;

④对每个  $\rho_i(A, B)$ ,  $1 \leq i \leq t$  和  $\{A, B\} \subseteq \{X, Y, Z\}$ , 建一从 0 到 0 的回路,使其各边依次被  $\rho_i$  的字母标记;

⑤对每个  $\sigma_j(A, B)$ ,  $1 \leq j \leq t'$  和  $\{A, B\} \subseteq \{X, Y, Z\}$ , 建一从 0 到 0 的回路,使其各边依次被  $\sigma_j$  的字母标记。

第二步,简化自动机  $A$ , 并令简化自动机  $A$  的状态集合  $S = \{0, 1, \dots, S\}$ 。

第三步,用下述算法计算  $A$  的瓦解关系  $C$ :

①  $C \leftarrow \{(i, i) \mid 0 \leq i \leq s\}$ ,  $Q \leftarrow C$ ; [注释:  $C$  的各个新对进入状态对队列  $Q$  一次]

While  $Q \neq \phi$  do

②从  $Q$  中删除第一对  $(i, j)$ ;

③如果  $(j, k) \in C$  和  $(i, k) \notin C$  那么把  $(j, k)$  放进  $C$  和  $Q$ ;

④如果  $(k, i) \in C$  和  $(k, j) \notin C$  那么把  $(k, j)$  放进  $C$  和  $Q$ ;

⑤如果  $k \xrightarrow{\sigma} i$  和  $j \xrightarrow{\tau} l$  和  $\overline{\sigma\tau} = \lambda$  和  $(k, l) \notin C$  那么把  $(k, l)$  放进  $C$  和  $Q$  od;

第四步,如果  $(0, 1) \in C$ , 则协议  $P$  是不安全的,否则,  $P$  是安全的。

## 2 强安全密码协议

我们知道,安全的级联协议和安全的印章协议是使破坏者无法从中获取明文  $M$  的,但一个破坏者可以通过截获发送者发出的消息,使其不能到达接收者手中,并注入假的或其它有害信息  $M'$  来扰乱通信的双方,以达到破坏目的。且糟糕的是收一发双方往往都不知道协议中传递的消息已被窜改,因而发生误会,造成严重后果。

假情报注入问题在公开钥密码系统中尤为突出,因为加密算法是公开的,任何人都可以向任何一方发送用接收方加密算法加密的消息  $M'$ 。

举一个简单的例子。假设一家  $W$  公司老板  $A$  同他的股票经纪人  $B$  之间用公开钥密码系统通信。通信协议是:①  $(X, EY(M), Y)$ , ②  $(Y, EX("OK"), X)$ 。意思是,发送方给接收方发送用接收方加密算法加密的消息  $M$ , 接收方回送用发送方加密算法加密的“OK”表示已收到消息。显然,任何第三方都无法从这个协议的执行过程中获取明文  $M$ , 但该协议没有抵抗假情报渗透的能力,比方说一家想吞并  $W$  公司的  $U$  公司就可以用假情报的方法达到其目的。 $U$  公司只要截获  $A$  向  $B$  发送的一条消息  $(A, EB(M), B)$ , 使其不能到达  $B$ , 然后自己冒充  $A$  向  $B$  发送  $(A, EB("抛出本公司股票的 51\%", B))$  (由于  $EB$  公开,所以  $U$  是有能力发送这条消息的),  $B$  接收到消息后,按照协议向  $A$  回送  $(B, EA("OK"), A)$ 。 $A$  收到回话后得知  $B$  确有消息收到,但是并不知道原来的消息已被截获而替换成

了有害内容。为了防止这种破坏行为的发生，保证通信的安全畅通进行，我们引入了强安全密码协议概念。

**定义 8** 一个双方级联协议（或印章协议） $P = \{\tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j | 1 \leq i \leq t, 1 \leq j \leq t'\}$  是强安全的，如果  $P$  是安全的并且对任何 2 个不同的用户  $X$  和  $Y$ ，存在  $i, j, 1 \leq j \leq i \leq t$  使得对某个  $\sigma_1 \in E \cup \{DX\}$ （或  $\sigma_1 \in E \cup \{DX\} \cup \{d\}$ ）， $\sigma_2 \in E \cup \{DX\}$ （或  $\sigma_2 \in E \cup \{DY\} \cup \{d\}$ ），有

$$\sigma_1 N_{2i}(X, Y) = \sigma_2 N_{2j-1}(X, Y) = \lambda$$

强安全密码协议定义的背景涵义是，为了防止假情报渗透，要求收方在接到消息  $M$  以后给发方回送一张收条，表示消息  $M$  已收到，而且这张收条应该是与  $M$  内容密切相关的，因为只有这样发方才知收方收到的确实是  $M$  而不是任何其它的  $M'$ 。

对强安全密码协议的研究得到下述结论。

**结论 1** 不存在强安全的双方级联协议。

结论表明：如果级联协议是安全的，那么它抵抗假情报渗透是无能为力的。也就是说，对于级联协议破坏者或者可以发现明文，或者可以用假的或有害的情报扰乱通信的一方或双方而不会被任一方发觉。

**结论 2** 不存在抵抗心急破坏者的强安全双方级联协议。

结论表明：都是从抵抗心急破坏者安全的协会中也找不出能有效抵抗假情报渗透级联协议。

**结论 3** 存在强安全双方印章协议。或更准确地说，协议：1)  $(A, EB(MA), B)$ ；2)  $(B, EA(M), A)$  是强安全的。

结论表明：用上述协议的 1)、2) 进行通信，既能防止报文内容被敌方译获，又能及时发觉后来策划的任何假情报渗透的阴谋。

以下证明结论

### 2.1 准备工作

**引理 1** 任给 2 个对于  $A$  具有平衡性质的归约形  $\pi_1, \pi_2$ ，则  $\pi_1 \pi_2$  对于  $A$  也具有平衡性质。

**证明** 设  $D_A \in \text{lt}(\pi_1)$  且  $D_A \in \text{lt}(\pi_2)$ ，因  $\pi_1, \pi_2$  皆对于  $A$  具有平衡性质，所以  $E_A \in \text{lt}(\pi_1)$  且  $E_A \in \text{lt}(\pi_2)$ 。故可令

$$\pi_1 = \phi_1 E_A \phi_2, \pi_2 = \mu_1 E_A \mu_2, \phi_1, \phi_2, \mu_1, \mu_2 \in \Sigma^*$$

有

$$\pi_1 \pi_2 = \phi_1 E_A \phi_2 \mu_1 E_A \mu_2$$

要  $E_A \notin \text{lt}(\pi_1 \pi_2)$ ，除非  $\phi_2 \mu_1$  形如  $D_A W D_A$ 。即  $\phi_2$  形如  $D_A$  且  $\mu_1$  形如  $W D_A$ 。这与  $\pi_1, \pi_2$  为归约形的假设相矛盾。故  $\pi_1 \pi_2$  对于  $A$  具平衡性质。

**引理 2** 令  $Z$  是用户名和  $P$  是平衡级联协议，则对于  $(\Sigma_1(Z) \cup \Sigma_2 \cup \Sigma_3)^*$  中的每个串  $\phi$ ， $\phi$  对于每个  $A \neq Z$  具有平衡性质。

**证明** 显然对于  $A$  具有平衡性质。由于  $P$  是平衡级联协议，所以，对  $(A, B) \ i \geq 2, A \neq B$  对于  $A$  具有平衡性质，又  $\sigma_i(A, B) \in \{EA, EB, DB\}$  出现  $DA$ ，所以  $\sigma_i(A, B)$  对于  $A$  具有平衡性质。综上，任何  $\pi \in \Sigma_1(Z) \cup \Sigma_2(Z)$  对于  $A \neq Z$  具有平衡性质。再结合引理 1，即可证得引理 2。

**定义 9** 令 $\phi$ 是一串.  $\phi$ 的一个子串 $\pi$ 称作是 $A$ -子串, 对某个 $X, Y \neq A$ , 下述之一为真: 1)  $\phi = \phi_1DX\pi DY\phi_2$ ; 2)  $\phi = \phi_1DX\pi$ ; 3)  $\phi = \pi DY\phi_2$ .

**定义 10** 串 $\phi$ 是强 $A$ -平衡的如果每个 $A$ -子串 $\pi$ 对于 $A$ 具有平衡性质.

**引理 3** 令 $\phi$ 是强 $A$ -平衡串, 1) 如果 $\phi = \phi_1DB\phi_2$ 且 $B \neq A$ , 则 $\phi_1$ 和 $\phi_2$ 都是强 $A$ -平衡的; 2) 如果 $\phi = \phi_1\phi_2$ 和 $EA \notin li(\phi_2)$ , 则 $\phi_1$ 是强 $A$ -平衡的.

**引理 4** 令 $\tau, v$ 是任何归约形强 $A$ -平衡. 如果 $(li(\tau) \cup li(v)) \cap \{E_A, D_A\} \neq \phi$ , 则 $\overline{\tau v} \neq \lambda$ .

引理 3、4 证明见文献[1].

**引理 5** 如果串 $\phi_1$ 和 $\phi_2$ 是强 $A$ -平衡的归约串, 则串 $\phi_1\phi_2$ 也是强 $A$ -平衡的.

**证明** 易知,  $\pi$ 是串 $\phi_1\phi_2$ 的一个 $A$ -子串仅当 $\pi$ 形如下面三式之一: ① $\pi_1$ ② $\pi_2$ ③ $\pi_1\pi_2$ , 这里 $\pi_1$ 为 $\phi_1$ 的某 $A$ -子串,  $\pi_2$ 为 $\phi_2$ 的某 $A$ -具有平衡性质. 显然,  $\pi_1, \pi_2$ 对于 $A$ 具有平衡性质. 由引理 1 可推出 $\pi_1\pi_2$ 对于 $A$ 也具有平衡性质. 故任给串 $\phi_1\phi_2$ 的一个 $A$ -子串 $\pi$ ,  $\pi$ 对于 $A$ 具有平衡性质.

**引理 6** 令 $MY = \{\sigma_i(X, Y) \mid \text{对所有的 } i \text{ 和所有的用户 } X\}$ . 如果 $MY$  的每个元素对于 $Y$ 都具有平衡性质, 则对每个串

$$\phi \in (MY \cup E \cup \{DX \mid X \neq Y\})^* \tag{1}$$

$\phi$ 是强 $Y$ -平衡的.

**证明** 显然, 任给 $\sigma \in MY \cup E \cup \{DX \mid X \neq Y\}$ ,  $\sigma$ 是强 $Y$ -平衡的, 结合引理 5, 知对每个串式(1)成立,  $\phi$ 是强 $Y$ -平衡的.

**引理 7** 如果 $\tau, \phi$ 是任何两个归约形强 $Y$ -平衡串, 并且 $EY \in li(\phi)$ , 则

$$li(\overline{\tau v}) \cap \{EY, DY\} \neq \phi.$$

**证明** 通过对 $n(n = \max\{|\tau|, |v|\})$ 归纳证明.

当 $n = 0$ 时, 引理平凡成立.

当 $n = 1$ 时,  $v = EY$ , 要使引理推翻必须 $\tau = DY$ , 但这与 $\tau$ 是强 $Y$ -平衡串矛盾, 所以此时引理仍然成立.

假设当 $n < k$ 时, 引理成立, 即  $li(\overline{\tau v}) \cap \{EY, DY\} \neq \phi$ , 这里 $\max\{|\tau|, |v|\} < k$ . 现证当 $n = k$ 时,  $li(\overline{\tau v}) \cap \{EY, DY\} \neq \phi$ . 反证法, 假定  $li(\overline{\tau v}) \cap \{EX, DY\} = \phi$ . 由于  $EY \in li(v)$ , 所以  $DY \in li(\tau)$ . 又因为 $\tau$ 为强 $Y$ -平衡串, 故  $EY \in li(\tau)$ , 从而又有  $DY \in li(v)$ . 因此  $\{EY, DY\} \subseteq li(\tau)$  和  $\{EY, DY\} \subseteq li(v)$ . 不妨假定  $\tau = \tau_2DY^+\tau_1$ , 这里  $li(\tau_1) \cap \{EY, DY\} = \phi, EY \in li(\tau_2)$  ( $\tau = \tau_2EY^+\tau_1$  情形类似讨论). 在这种情形  $v = v_1EYv_2$ , 这里  $v_1 = \tau_1$ . 由于串 $\tau$ 是强 $Y$ -平衡的, 所以 $\tau_2$ 应形如 $\tau_3EX$ , 对某个 $X \neq Y$ , 并且  $EY \in li(\tau_3)$ , (否则  $\tau = \tau_3DXDY^+\tau_1$ , 这里  $X \neq Y, EY \in li(\tau_1)$ , 这与  $DY^+\tau_1$  对于 $Y$ 具有平衡性质矛盾). 于是,  $\overline{\tau v} = \overline{\tau_3EXv_2}$ . 由于 $\tau_3$ 含 $EY$ , 所以必须  $v_2 = DXv_3$ .  $v_3$ 中含 $DY$ . 故  $\overline{\tau v} = \overline{\tau_3v_3}$ . 由于  $\tau = \tau_3EXDY^+\tau_1$  和  $v = v_1EY^+DXv_3$  都是强 $Y$ -平衡串, 据引理 3,  $\tau_3$ 和 $v_3$ 也是强 $Y$ -平衡串. 因为 $v_3$ 含 $DY$ , 因此 $v_3$ 也含 $EY$ . 据归纳假定,  $li(\overline{\tau_3v_3}) \cap \{EY, DY\} \neq \phi$ , 即  $li(\overline{\tau v}) \cap \{EY, DY\} \neq \phi$ , 与假定矛盾.

2.2 结论的证明

**结论 1 的证明** 假设存在强安全的双方级联协议  $P = \{ \tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j | 1 \leq i \leq t, 1 \leq j \leq t' \}$  则存在  $i, j, 1 \leq j \leq i \leq t$ , 使得对某个  $\sigma_1 \in E \cup \{DX\}, \sigma_2 \in E \cup \{DY\}$ , 有

$$\overline{\sigma_1 N_{2i}(X, Y)} = \overline{\sigma_2 N_{2j-1}(X, Y)} = \lambda$$

从而

$$lt(\overline{N_{2i}(X, Y)}) \subseteq \{EX, DX, DY\} \tag{2}$$

$$lt(\overline{N_{2j-1}(X, Y)}) \subseteq \{EY, DX, DY\} \tag{3}$$

记  $\overline{N_{2i}(X, Y)} = \overline{P_{2i}\rho_i(X, Y)}$  和  $\overline{N_{2j-1}(X, Y)} = \overline{P_{2j-1}(X, Y)\rho_1(X, Y)}$ , 这里  $P_{2i}, P_{2j-1} \in (\Sigma_2 \cup \Sigma_3)^*$  假设  $P$  是安全的, 将导致矛盾.

据特征定理 (定理 1),  $P$  必须是平衡的.

情形 1  $EY \in lt(\rho_1(X, Y))$ : 显然 (2) 要求  $\overline{P_{2i}}$  应当含有  $DY$  但不含  $EY$ , 这与引理 2 矛盾.

情形 2  $EX \in lt(\rho_1(X, Y))$  和  $EY \in lt(\rho_1(X, Y))$ : 在这种情形, (3) 要求含有  $DY$  但不含  $EX$ , 这与引理 2 矛盾.

**结论 2 的证明** 反证法. 假设存在抵抗心急破坏者的强安全双方级联协议  $P = \{ \tilde{\rho}_i, \tilde{\sigma}_j \}$ , 由定理 2 和定义 3, 有对每个  $k \geq 1$

1)  $lt(N_k(X, Y)) \cap \{EX, EY\} \neq \emptyset$ ,

2)  $\sigma_k(X, Y)$  对于  $Y$  具有平衡性质, 及对某个  $i, j, 1 \leq j \leq i \leq t, \sigma_1 \in E \cup \{DX\}$  和  $\sigma_2 \in \{DY\}$  有

3)  $\overline{\sigma_1 N_{2i}(X, Y)} = \overline{\sigma_2 N_{2j-1}(X, Y)} = \lambda$

由 1) 和 3), 我们有

$$\{EX\} \subseteq lt(\overline{N_{2i}(X, Y)}) \subseteq \{EX, DX, DY\},$$

$$\{EY\} \subseteq lt(\overline{N_{2j-1}(XY)}) \subseteq \{EY, DX, DY\}.$$

据引理 6,  $\sigma_1, N_{2i}(X, Y)$  和  $N_{2j-1}(X, Y)$  是强  $Y$ -平衡的. 要使 3) 成立, 据引理 4, 必须  $(lt(\sigma_1) \cup lt(\overline{N_{2i}(X, Y)})) \cap \{EY, DY\} = \emptyset$ , 得出  $lt(N_{2i}(X, Y)) \cap \{EY, DY\} = \emptyset$ , 但

$$\overline{N_{2i}(X, Y)} = \overline{\sigma_1 \rho_i \sigma_{i-1} \rho_{i-1} \dots \sigma_{j+1} \rho_{j+1} \sigma_j N_{2j-1}(X, Y)}$$

而据引理 6

$$\overline{\sigma_i \rho_i \sigma_{i-1} \rho_{i-1} \dots \sigma_{j+1} \rho_{j+1} \sigma_j} \text{ 和 } \overline{N_{2j-1}(X, Y)} \text{ 是强 } Y\text{-平衡的, 现在}$$

$EY \in lt(N_{2j-1}(X, Y))$ , 根据引理 7,  $lt(\overline{N_{2i}(X, Y)}) \cap \{EY, DY\} \neq \emptyset$ , 矛盾.

**结论 3 的证明** 令  $P = \{\rho_1, \sigma_1\}$ , 这里  $\rho_1(X, Y) = EY_i X, \sigma_1(X, Y) = EX d X D Y$ . 应

用印章协议安全性判别算法,最后得到 $C$ 矩阵:

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\ 0 & 1 & & & & 1 & & & & 1 & \\ 1 & & 1 & & & & & & & & 1 \\ 2 & & & 1 & & & & & & & 1 \\ 3 & 1 & & & 1 & 1 & & & & & 1 \\ 4 & 1 & 1 & & 1 & 1 & 1 & & 1 & & 1 \\ 5 & 1 & & & & & 1 & & & & 1 \\ 6 & 1 & 1 & & & & 1 & 1 & 1 & & 1 \\ 7 & 1 & 1 & & & & 1 & & 1 & & 1 \\ 8 & 1 & & 1 & 1 & & 1 & & & & 1 \\ 9 & 1 & & & & & 1 & & & & 1 \\ 10 & 1 & & 1 & 1 & & 1 & & & & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

由于 $(0,1) \notin c$ , 知 $P$ 是安全的, 又取 $\sigma_1 = DX$ ,  $\sigma_2 = dDY$ , 有

$$\overline{\sigma_1 N_2(X, Y)} = \overline{DXEX} = \lambda = \overline{dDYEY; X} = \overline{\sigma_2 N_1(X, Y)},$$

所以 $P$ 是强安全双方印章协议。

### 3 结束语

关于强安全密码协议, 我们认为至少有两点还有待于今后作进一步的探讨。

①强安全密码协议要求能否降低? 我们要求收方在接到消息 $M$ 后重新发回 $M$ , 这从传输速率角度考虑是不理想的, 能否引入一个单向函数 $f(x)$ , 使收方在接到消息 $M$ 后回送 $f(M)$ , 发送方可自己计算 $f(M)$ , 然后与收方发回的 $f(M)$ 比较, 判断收方是否收到 $M$ 。

②我们所讨论的协议都是双方协议, 而在网络通信中圆桌会议是经常发生的。如何将双方协议推广到多方协议是个重要的课题。

### 参 考 文 献

- [1] Dolev D et al., *Inform. Theory*, IT-29(1983), 2, 198~209  
 [2] Dolev D et al., *Inform. and Control*, 55(1982), 57~68  
 [3] Book R V et al., *Theoretical Computer Science*, 39(1985), 2, 3, 319~325

## The Strong-secure Cryptography Protocol

Yao Qingda\* Li Liandi Chen Weimin

### Abstract

A strong-secure cryptography protocol against tampering with message in Public Key Cryptography has been introduced. The strong-secure characters of Dolev & Yao's well-known cascade protocol and name-stamp protocol have also been explored.

**Keywords** protocol, cascade, name-stamp, strong-secure, cryptography

\* Computer Software Institute